# МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ПРАВИТЕЛЬСТВО САНКТ-ПЕТЕРБУРГА КОМИТЕТ ПО ОБРАЗОВАНИЮ

# Администрация Выборгского района ГБОУ лицей № 486 Выборгского района

РАССМОТРЕНО	СОГЛАСОВАНО	УТВЕРЖДЕНО
МО учителей	Педагогический совет	Директор
математики и		
информатики		Васильева Ю.В.
	Протокол №1 от «29» 08	Приказ № от 29» 08 2025
Протокол №1 от «28» 08	2025 г.	Γ.
2025 г.		

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 6713156)

учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа.

Базовый уровень»

для обучающихся 10-11 классов

Санкт-Петербург 2025

#### ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

## ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания тенденций общественной основных экономики и жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации решений, знакомятся примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, c выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности,

требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

Структура курса «Алгебра и начала математического анализа» включает следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин: тригонометрия, математический анализ, теория множеств и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные в курсе «Алгебра и начала математического анализа», самостоятельно сформулированной математической задачи, затем интерпретировать полученный результат.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию прочных вычислительных навыков, включающих в себя использование различных форм записи действительного числа, умение рационально выполнять действия с ними, делать прикидку, оценивать результат. Обучающиеся получают навыки приближённых вычислений, выполнения действий с числами, записанными в стандартной форме, использования математических констант, оценивания числовых выражений.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе программы предусмотрено решение соответствующих задач. Обучающиеся овладевают различными методами решения целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических И тригонометрических уравнений, неравенств и их систем. Полученные умения используются при исследовании функций с помощью производной, решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений,

содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, у которых появляется возможность исследовать и строить графики функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» в основном посвящена элементам теории множеств. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины в единое

целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретикомножественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют также основы математического моделирования, которые призваны сформировать навыки построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа и интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач учащиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

#### МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа на базовом уровне отводится 2 часа в неделю в 10 классе и 3 часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения — 170 часов.

## СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

#### 10 КЛАСС

#### Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени.

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента.

## Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования.

Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы.

Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов.

Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств.

Решение иррациональных уравнений и неравенств.

Решение тригонометрических уравнений.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

# Функции и графики

Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n-ой степени.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

#### Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

#### Множества и логика

Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, следствие, доказательство.

#### 11 КЛАСС

#### Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел.

Степень с рациональным показателем. Свойства степени.

Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы.

# Уравнения и неравенства

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем.

Примеры тригонометрических неравенств.

Показательные уравнения и неравенства.

Логарифмические уравнения и неравенства.

Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.

Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

# Функции и графики

Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики.

Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

#### Начала математического анализа

Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств.

Производная функции. Геометрический и физический смысл производной.

Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций.

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная. Таблица первообразных.

Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

#### ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

#### ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) Универсальные **познавательные** действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

Базовые логические действия:

• выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

## Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) Универсальные **коммуникативные** действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.

#### Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

#### Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.
- 3) Универсальные **регулятивные** действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

#### Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### Самоконтроль:

• владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

## 10 КЛАСС

#### Числа и вычисления

Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами.

Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений.

Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.

#### Уравнения и неравенства

Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;

Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения.

Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств.

Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

## Функции и графики

Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.

Использовать графики функций для решения уравнений.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

#### Начала математического анализа

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Задавать последовательности различными способами.

Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

#### Множества и логика

Оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

#### 11 КЛАСС

## Числа и вычисления

Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач.

Оперировать понятием: степень с рациональным показателем.

Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы.

# Уравнения и неравенства

Применять свойства степени для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств.

Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств.

Находить решения простейших тригонометрических неравенств.

Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач.

Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

## Функции и графики

Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком.

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств.

Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин.

#### Начала математического анализа

Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций.

Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков.

Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла.

Находить первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.

Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

# ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

		Количество	часов		Электронные
<b>№</b> п/п	T. I.		Контрольные работы	Практические работы	(цифровые) образовательные ресурсы
1	Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства	14	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/1568aba3">https://m.edsoo.ru/1568aba3</a>
2	Функции и графики. Степень с целым показателем	6			Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/1568aba3">https://m.edsoo.ru/1568aba3</a>
3	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства	18	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/1568aba3">https://m.edsoo.ru/1568aba3</a>
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10			
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18			
6	Формулы тригонометрические уравнения	22	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/1568aba3">https://m.edsoo.ru/1568aba3</a>
7	Последовательности и прогрессии	8			Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/1568aba3">https://m.edsoo.ru/1568aba3</a>
8	Повторение, обобщение, систематизация знаний	6	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/1568aba3">https://m.edsoo.ru/1568aba3</a>
ОБЩ	ЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	102	4	0	

		Количество	часов		Электронные
<b>№</b> п/п	• ''		Контрольные работы	Практические работы	(цифровые) образовательные ресурсы
1	Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные неравенства	12	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a>
2	Логарифмическая функция. Логарифмические неравенства	12			Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a>
3	Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства	9	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a>
4	Производная. Применение производной	24	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a>
5	Интеграл и его применения	9			Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a>
6	Системы уравнений	12	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a>
7	Натуральные и целые числа	6			Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a>
8	Повторение, обобщение, систематизация знаний	18	2		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a>
ОБЩЕ	ЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	102	6	0	

# ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Числа и вычисления
1.1	Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты
1.2	Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами
1.3	Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений
1.4	Оперировать понятиями: степень с целым показателем, стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных
1.5	Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции
2	Уравнения и неравенства
2.1	Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство, тригонометрическое уравнение
2.2	Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения
2.3	Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств
2.4	Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни

2.5	Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры
3	Функции и графики
3.1	Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции
3.2	Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства
3.3	Использовать графики функций для решения уравнений
3.4	Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем
3.5	Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами
4	Начала математического анализа
4.1	Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии
4.2	Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии
4.3	Задавать последовательности различными способами
4.4	Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера
5	Множества и логика
5.1	Оперировать понятиями: множество, операции над множествами
5.2	Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов
5.3	Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Числа и вычисления
1.1	Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач
1.2	Оперировать понятием: степень с рациональным показателем
1.3	Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы
2	Уравнения и неравенства
2.1	Применять свойства степени для преобразования выражений, оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств
2.2	Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств
2.3	Находить решения простейших тригонометрических неравенств
2.4	Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач
2.5	Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств
2.6	Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры
3	Функции и графики
3.1	Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и

	наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для
	исследования функции, заданной графиком
	Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической
3.2	и тригонометрических функций; изображать их на координатной
	плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств
	Изображать на координатной плоскости графики линейных
3.3	уравнений и использовать их для решения системы линейных
	уравнений
3.4	Использовать графики функций для исследования процессов и
3.4	зависимостей из других учебных дисциплин
4	Начала математического анализа
	Оперировать понятиями: непрерывная функция, производная
4.1	функции; использовать геометрический и физический смысл
	производной для решения задач
4.2	Находить производные элементарных функций, вычислять
4.2	производные суммы, произведения, частного функций
	Использовать производную для исследования функции на
4.3	монотонность и экстремумы, применять результаты исследования
	к построению графиков
4.4	Использовать производную для нахождения наилучшего решения
4.4	в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах
15	Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать
4.5	геометрический и физический смысл интеграла
4.6	Находить первообразные элементарных функций, вычислять
4.0	интеграл по формуле Ньютона – Лейбница
4.7	Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического
4.7	и физического характера, средствами математического анализа

# проверяемые элементы содержания

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни
1.2	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.3	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных
1.4	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента
2	Уравнения и неравенства
2.1	Тождества и тождественные преобразования
2.2	Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы
2.3	Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов
2.4	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств
2.5	Решение иррациональных уравнений и неравенств
2.6	Решение тригонометрических уравнений
2.7	Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни

3	Функции и графики			
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции			
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции			
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня $n$ -ой степени			
3.4	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента			
4	Начала математического анализа			
4.1	Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности			
4.2	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера			
5	Множества и логика			
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера — Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов			
5.2	Определение, теорема, следствие, доказательство			

Код	Проверяемый элемент содержания			
1	Числа и вычисления			
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел			
1.2	Степень с рациональным показателем. Свойства степени			
1.3	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы			
2	Уравнения и неравенства			
2.1	Преобразование выражений, содержащих логарифмы			
2.2	Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным			
	показателем			

<ul> <li>2.3 Примеры тригонометрических неравенства</li> <li>2.4 Показательные уравнения и неравенства</li> <li>2.5 Логарифмические уравнений и неравенства</li> <li>2.6 Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений</li> <li>2.7 Системы и совокуппости рациональных уравнений и перавенств</li> <li>Применение уравнений, систем и перавенетв к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни</li> <li>3 Функции и графики</li> <li>Функции и Графики</li> <li>Функции и Пераодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке</li> <li>3.2 Тригономстрические функции, их свойства и графики</li> <li>3.3 Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики</li> <li>3.4 Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни</li> <li>4 Начала математического анализа</li> <li>4 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения перавенств</li> <li>Производные элементарных функций. Формулы пахождения производной сумы, производной к исследованию функций на монотонность и экстромумы. Нахождение наибольшего и паименьшего значения функции по отрезже</li> <li>Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком</li> <li>4.6 Первообразная. Таблица первообразных</li> <li>Интеграл, сго геомстрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона – Лейбница</li> </ul>						
2.5 Логарифмические уравнения и неравенства     2.6 Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.     2.7 Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни     3.1 Функции и графики     Функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке     3.2 Тригонометрические функции, их свойства и графики     3.3 Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики     4.4 Использование графиков функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни     4 Начала математического анализа     4.1 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств     4.2 Производная функции. Геометрический и физический смысл производной суммы, производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке     Применение производной для нахождения паилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком     4.6 Первообразная. Таблица первообразных     Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	2.3	Примеры тригонометрических неравенств				
Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.      Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств     Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни     Функции и графики     Функции и графики     Функции . Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке      З.2 Тригопомстрические функции, их свойства и графики      З.3 Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики      Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни      Начала математического анализа      Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств      Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, производной и частного функций      Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение паибольшего и паименьшего значения функции по отрезке      Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком      4.6 Первообразная. Таблица первообразных  Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	2.4	Показательные уравнения и неравенства				
2.6 системы линейных уравнений     2.7 Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств     Применение уравнений, систем и перавенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни     Функции и графики     Функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке      3.2 Тригонометрические функции, их свойства и графики     3.3 Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики     3.4 Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни      4 Начала математического апализа      4.1 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения перавенств      4.2 Производная функции. Метод интервалов для решения перавенств      4.3 Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций      применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождения наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке      Применение производной для нахождения паилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком      4.6 Первообразная. Таблица первообразных  Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	2.5	Логарифмические уравнения и неравенства				
Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни     Функции и графики     Функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке  3.2 Тригонометрические функции, их свойства и графики  3.3 Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики  3.4 Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни  4 Начала математического анализа  4.1 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств  4.2 Производная функции. Геометрический и физический смысл производной суммы, производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций  Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке  Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком  4.6 Первообразная. Таблица первообразных  Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	2.6					
задач и задач из различных областей науки и реальной жизни  Функции и графики  Функции и графики  Функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции.  З.1 Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке  З.2 Тригонометрические функции, их свойства и графики  З.3 Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики  З.4 Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни  4 Начала математического анализа  4.1 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств  4.2 Производная функции. Геометрический и физический смысл производной суммы, произведения и частного функций  Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке  Применение производной для нахождения паилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком  4.6 Первообразная. Таблица первообразных  Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	2.7	Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств				
Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции.  3.1 Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке  3.2 Тригонометрические функции, их свойства и графики  3.3 Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики  3.4 Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни  4 Начала математического анализа  4.1 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств  4.2 Производная функции. Геометрический и физический смысл производной суммы, производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций  Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке  Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком  4.6 Первообразная. Таблица первообразных  Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	2.8	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических				
3.1 Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке      3.2 Тригонометрические функции, их свойства и графики      3.3 Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики      3.4 Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни      4 Начала математического анализа      4.1 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств      4.2 Производная функции. Геометрический и физический смысл производной суммы, произведения и частного функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций      Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке      Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком      4.6 Первообразная. Таблица первообразных  Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	3	Функции и графики				
3.3 Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики     3.4 Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни     4 Начала математического анализа     4.1 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств     4.2 Производная функции. Геометрический и физический смысл производной суммы, произведения и частного функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций     Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке     Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком  4.6 Первообразная. Таблица первообразных     Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	3.1	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение				
3.4 Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем     Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни     4 Начала математического анализа     4.1 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств     1.2 Производная функции. Геометрический и физический смысл производной суммы, произведения и частного функций     Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке     Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком     4.6 Первообразная. Таблица первообразных     Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	3.2	Тригонометрические функции, их свойства и графики				
Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни  4 Начала математического анализа  4.1 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств  4.2 Производная функции. Геометрический и физический смысл производной Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций  Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке  Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком  4.6 Первообразная. Таблица первообразных  Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	3.3	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики				
3.5 зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни     4 Начала математического анализа     4.1 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств     4.2 Производная функции. Геометрический и физический смысл производной Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций     Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке     Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком     4.6 Первообразная. Таблица первообразных     Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	3.4	Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем				
4.1 Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств      4.2 Производная функции. Геометрический и физический смысл производной     Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций     Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке     Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком      4.6 Первообразная. Таблица первообразных     Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	3.5	зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных				
4.2 Производная функции. Геометрический и физический смысл производной     Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций     Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке     Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком  4.6 Первообразная. Таблица первообразных  Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	4					
4.3 Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций  Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке  Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком  4.6 Первообразная. Таблица первообразных  Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по	4.1	Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств				
<ul> <li>суммы, произведения и частного функций</li> <li>Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке</li> <li>Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком</li> <li>Первообразная. Таблица первообразных</li> <li>Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по</li> </ul>	4.2	Производная функции. Геометрический и физический смысл производной				
<ul> <li>4.4 экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке</li> <li>Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком</li> <li>4.6 Первообразная. Таблица первообразных</li> <li>Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по</li> </ul>	4.3	Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной				
<ul> <li>4.5 прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком</li> <li>4.6 Первообразная. Таблица первообразных</li> <li>4.7 Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по</li> </ul>	4.4	экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на				
Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по 4.7	4.5	прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного				
4.7	4.6	Первообразная. Таблица первообразных				
	4.7					

# ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать и оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; применять их; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений; умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов; умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач
2	Умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных

выражений; умение оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, TOM числе с помощью рекуррентных формул; умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряжённые комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя

3

Умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приёмов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни

4

Умение оперировать понятиями: функция, чётность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке, непрерывная функция, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определённый интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение находить производные элементарных функций; умение использовать производную для исследования функций, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную для нахождения

	наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-		
	экономических и физических задачах; находить площади и объёмы		
	фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического		
	моделирования с помощью дифференциальных уравнений		
	Умение оперировать понятиями: график функции, обратная		
	функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная		
	функция, рациональная функция, степенная функция,		
	тригонометрические функции, обратные тригонометрические		
	функции, показательная и логарифмическая функции; умение		
	строить графики изученных функций, выполнять преобразования		
5	графиков функций, использовать графики для изучения процессов		
	и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов		
	и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости		
	между величинами; использовать свойства и графики функций для		
	решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать		
	на координатной плоскости множества решений уравнений,		
	неравенств и их систем		
	Умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на		
	проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и		
	услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными		
	финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их		
6	системы по условию задачи, исследовать полученное решение и		
U	оценивать правдоподобность результатов; умение моделировать		
	реальные ситуации на языке математики; составлять выражения,		
	уравнения, неравенства и их системы по условию задачи,		
	исследовать построенные модели с использованием аппарата		
	алгебры, интерпретировать полученный результат		
	Умение оперировать понятиями: среднее арифметическое,		
	медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия,		
	стандартное отклонение числового набора; умение извлекать,		
	интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на		
7	диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов		
	и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и		
	диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с		
	применением графических методов и электронных средств;		
	1		

	графически исследовать совместные наблюдения с помощью
	диаграмм рассеивания и линейной регрессии
	Умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное
	событие, вероятность случайного события; умение вычислять
	вероятность с использованием графических методов; применять
	формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной
	вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и
	формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение
	оперировать понятиями: случайная величина, распределение
	вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное
	отклонение случайной величины, функции распределения и
	плотности равномерного, показательного и нормального
8	распределений; умение использовать свойства изученных
	распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон
	больших чисел, методы выборочных исследований; умение
	приводить примеры проявления закона больших чисел в
	природных и общественных явлениях; умение оперировать
	понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число
	перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные
	факты и рассуждения для решения задач; оценивать вероятности
	реальных событий; составлять вероятностную модель и
	интерпретировать полученный результат
	Умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость,
	пространство, отрезок, луч, величина угла, плоский угол,
	двугранный угол, трёхгранный угол, скрещивающиеся прямые,
	параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол
	между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между
9	плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между
	прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать
	при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии;
	умение оценивать размеры объектов окружающего мира; строить
	математические модели с помощью геометрических понятий и
	величин, решать связанные с ними практические задачи
	Умение оперировать понятиями: площадь фигуры, объём фигуры,
10	многогранник, правильный многогранник, сечение многогранника,
	куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность
L	

вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара, развёртка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения Умение оперировать понятиями: движение в пространстве, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; использовать геометрические отношения при решении задач; находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объём) при решении задач из других учебных 11 предметов и из реальной жизни; умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объём, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы, в том числе: площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы; объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объёмов подобных фигур Умение оперировать :имкиткноп прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по 12 базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов

	Умение выбирать подходящий метод для решения задачи;
	понимание значимости математики в изучении природных и
13	общественных процессов и явлений; умение распознавать
13	проявление законов математики в искусстве, умение приводить
	примеры математических открытий российской и мировой
	математической науки

# ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

Код	Проверяемый элемент содержания			
1	Числа и вычисления			
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел			
1.2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби			
1.3	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени			
1.4	Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени			
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента			
1.6	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы			
1.7	Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений			
1.8	Преобразование выражений			
1.9	Комплексные числа			
2	Уравнения и неравенства			
2.1	Целые и дробно-рациональные уравнения			
2.2	Иррациональные уравнения			
2.3	Тригонометрические уравнения			
2.4	Показательные и логарифмические уравнения			
2.5	Целые и дробно-рациональные неравенства			
2.6	Иррациональные неравенства			
2.7	Показательные и логарифмические неравенства			
2.8	Тригонометрические неравенства			
2.9	Системы и совокупности уравнений и неравенств			
2.10	Уравнения, неравенства и системы с параметрами			
2.11	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы			

3	Функции и графики				
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные				
3.1	функции. Чётные и нечётные функции. Периодические функции				
	Область определения и множество значений функции. Нули функции.				
3.2	Промежутки знакопостоянства. Промежутки монотонности функции.				
	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение				
	функции на промежутке  Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и				
3.3	график. Свойства и график корня <i>n</i> -ой степени				
3.4	Тригонометрические функции, их свойства и графики				
3.5	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики				
3.6	Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций,				
3.0	непрерывных на отрезке				
3.7	Последовательности, способы задания последовательностей				
3.8	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов				
4	Начала математического анализа				
4.1	Производная функции. Производные элементарных функций				
	Применение производной к исследованию функций на монотонность и				
4.2	экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на				
4.2	отрезке				
4.3	Первообразная. Интеграл				
5	Множества и логика				
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна				
5.2	Логика				
6	Вероятность и статистика				
6.1	Описательная статистика				
6.2	Вероятность				
6.3	Комбинаторика				
7	Геометрия				
7.1	Фигуры на плоскости				
7.2	Прямые и плоскости в пространстве				
7.3	Многогранники				
7.4	Тела и поверхности вращения				

# УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

- 1. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: учеб. для общеобразовательных организаций: базовый и углубл. уровни/ Ю.М. Колягин. М.В. Ткачева и др. М.: Просвещение, 2022
- 2. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс: учеб. для общеобразовательных организаций: базовый и углубл. уровни/ Ю.М. Колягин. М.В. Ткачева и др. М.: Просвещение, 2022

## Дополнительная литература:

- 1. Ященко И.В. и др. ЕГЭ. Математика. Тематическая рабочая тетрадь + 30 вариантов тестов ЕГЭ. М.: МЦНМО, 2015
- 2. Большакова О.В. Готовимся к ЕГЭ. Алгебра и начала анализа. 11 класс. Итоговое тестирование в формате экзамена. Ярославль: Академия развития, 2016
- 3. Семенко Е.А. Тематический сборник заданий для подготовки к ЕГЭ по математике: 10-11 классы. М.: Вентана-Граф, 2012.
- 4. Математика. 11-й класс. Тесты для промежуточной аттестации и текущего контроля. Под ред. Лысенко Ф.Ф., Кулабухова С.Ю. Ростов-на-Дону: Легион-М. 2011
- 5. ЕГЭ 2013. Математика. Рабочие тетради: В1 В14. Под ред. Семенова А.Л., Ященко И.В. М.: МЦНМО, 2013

# МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

- 1. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: учеб. для общеобразовательных организаций: базовый и углубл. уровни/ Ю.М. Колягин. М.В. Ткачева и др. М.: Просвещение, 2022
- 2. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс: учеб. для общеобразовательных организаций: базовый и углубл. уровни/ Ю.М. Колягин. М.В. Ткачева и др. М.: Просвещение, 2022

2. Алгебра и начала математического анализа, 11: дидактические материалы / [М.И.Шабунин, М.В. Ткачёва, Н.Е. Фёдорова, Р.Г.Газарян]. – М.: Просвещение, 2018

## Дополнительная литература

1. Дидактические материалы по алгебре и началам анализа для 10 и 11 класса /Б.И.

Ивлев, С.И.Саакян, С.И.Шварцбург. М.: Просвещение ,2015

2. Алгебра и начала анализа. Дидактические материалы 10-11 классы: учебно-метод.

Пособие. М.: Просвещение, 2016

3. Алгебра и начала анализа: сборник задач для подготовки и проведения итоговой аттестации за курс средней школы / И.Р. Высоцкий, Л.И. Звавич, Б.П. Пигарев и др.; под

ред. С.А. Шестакова. М.: Внешсигма-М, 2017

# **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

- лицензионные
- 1. УМК «Живая математика»
- 3. УМК «Кирилл и Мефодий»
- интернет-ресурсы
- 1. www.edu.ru (сайт МОиН РФ).
- 2. www.fipi.ru (сайт Федерального института педагогических измерений).
- 3. www.math.ru (Интернет-поддержка учителей математики).

- 4. www.mccme.ru (сайт Московского центра непрерывного математического образования)
  - 5. www.school.edu.ru (Российский общеобразовательный портал).
  - 6. www.pedsovet.org (Всероссийский Интернет-педсовет)
  - 7. www.it-n.ru (сеть творческих учителей)
  - 8. http:// mat.1september.ru (сайт газеты «Математика»)